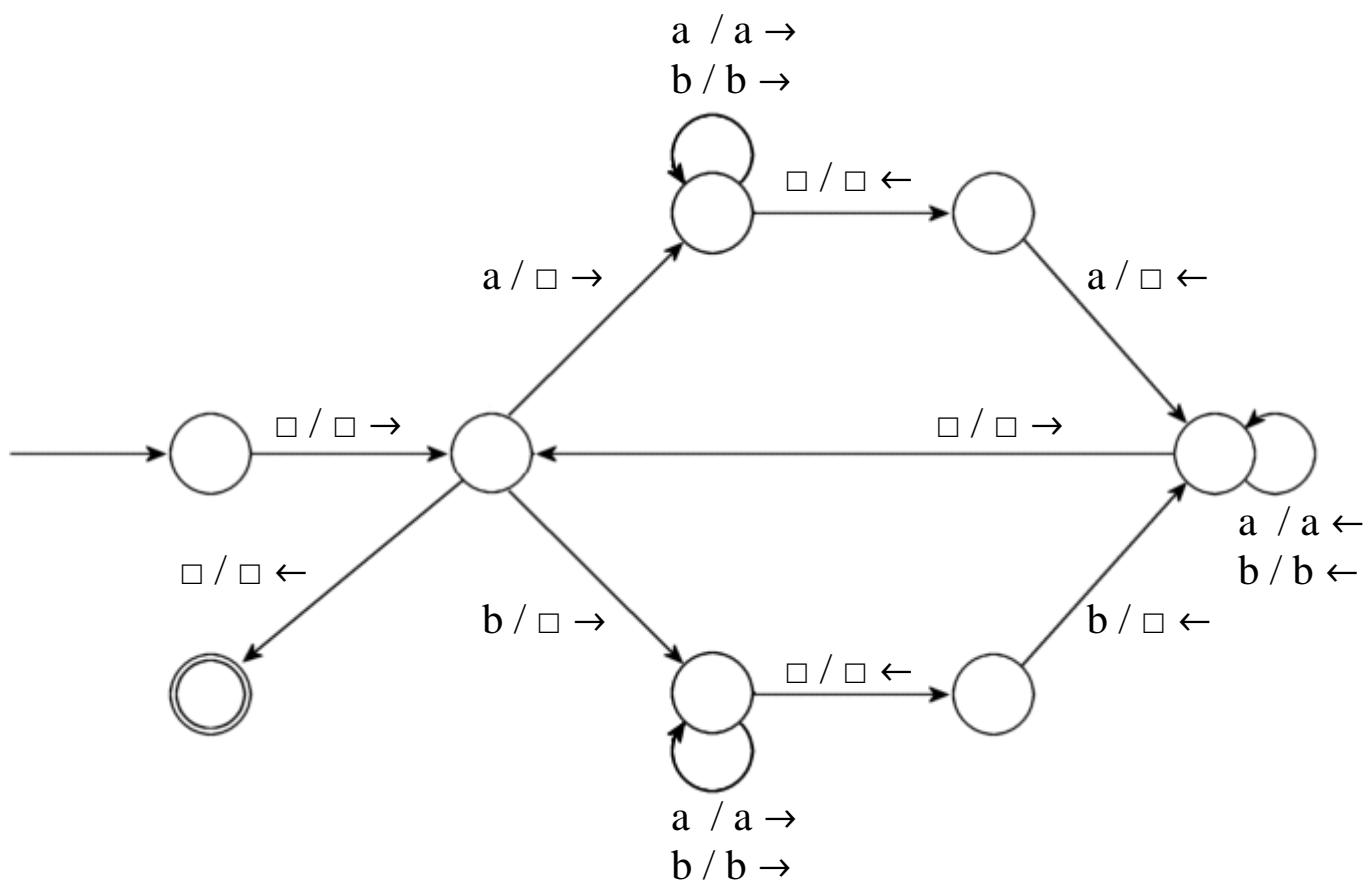


- Construa uma Máquina de Turing para cada um dos seguintes problemas. Especifique a representação escolhida, estabeleça a caracterização formal da MT, tabela e diagrama de transições e identifique o modo de reconhecimento.

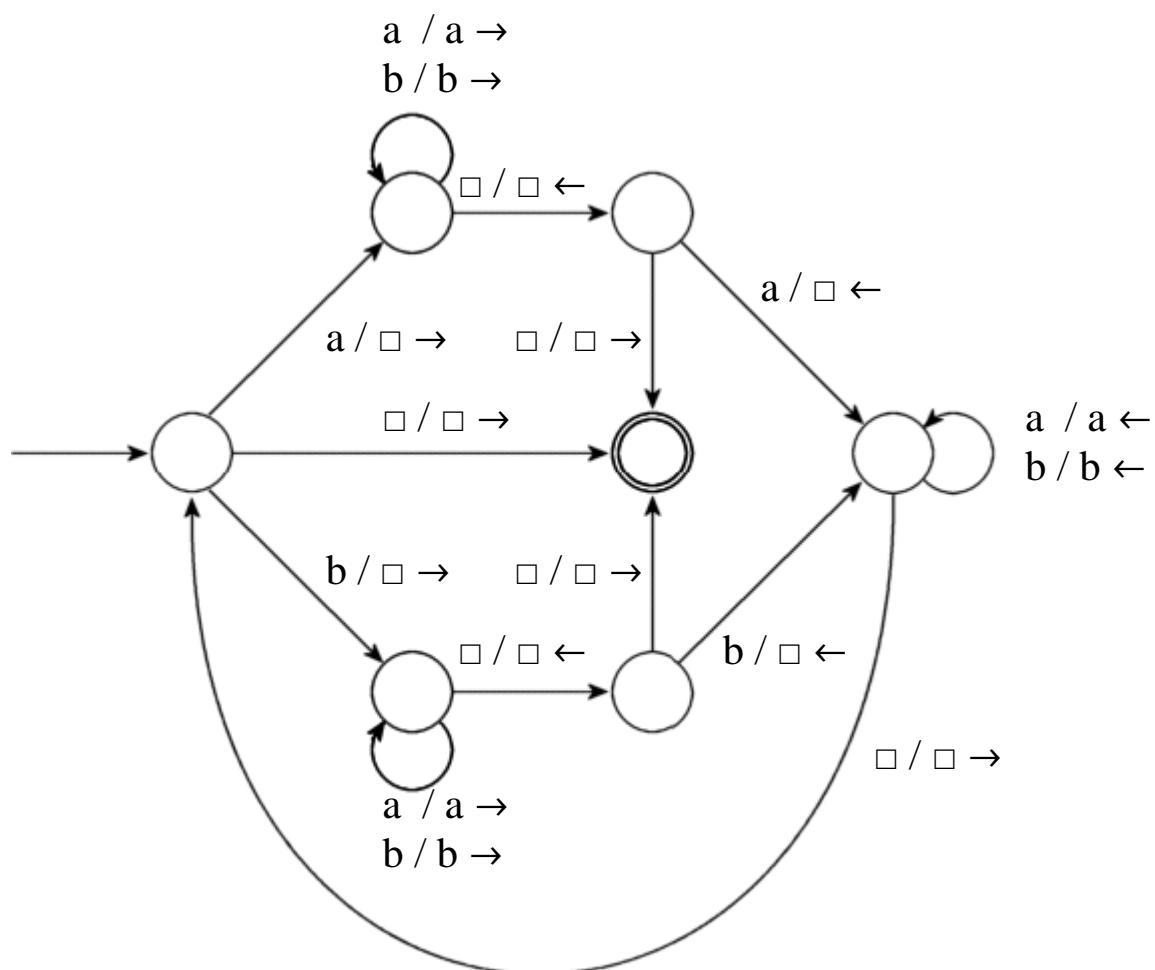
1. Reconhecer a Linguagem Regular $(a + b)^* a (a + b)^*$.
2. Trocar a's por b's numa palavra $w \in \{a, b\}^*$.
3. Reconhecer a Linguagem $\{ ww^R \mid w \in \{a, b\}^* \}$.

Sugestão: Com representação inicial na forma $\square(a+b)^*\square$



- 4.** a) Para a MT anterior, assumindo que a palavra dada tem comprimento n, calcule o número de deslocamentos.
- b) Construa uma MT equivalente que efectue, cerca de metade desse número de deslocamentos.
- 5. Reconhecer a Linguagem { $w \in \{a, b\}^* \mid w = w^R$ }.**

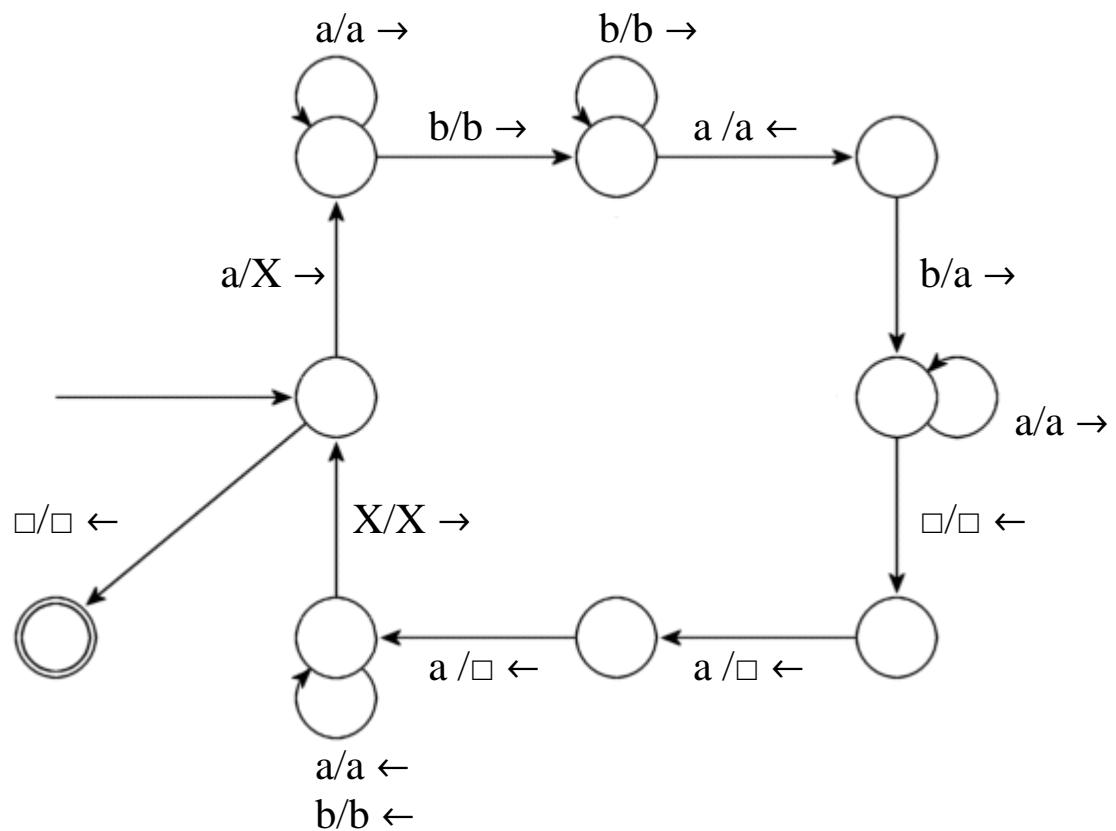
Sugestão:



6. Reconhecer a Linguagem $\{ w \in \{0, 1\}^* \mid n_0(w) = n_1(w) \}$.

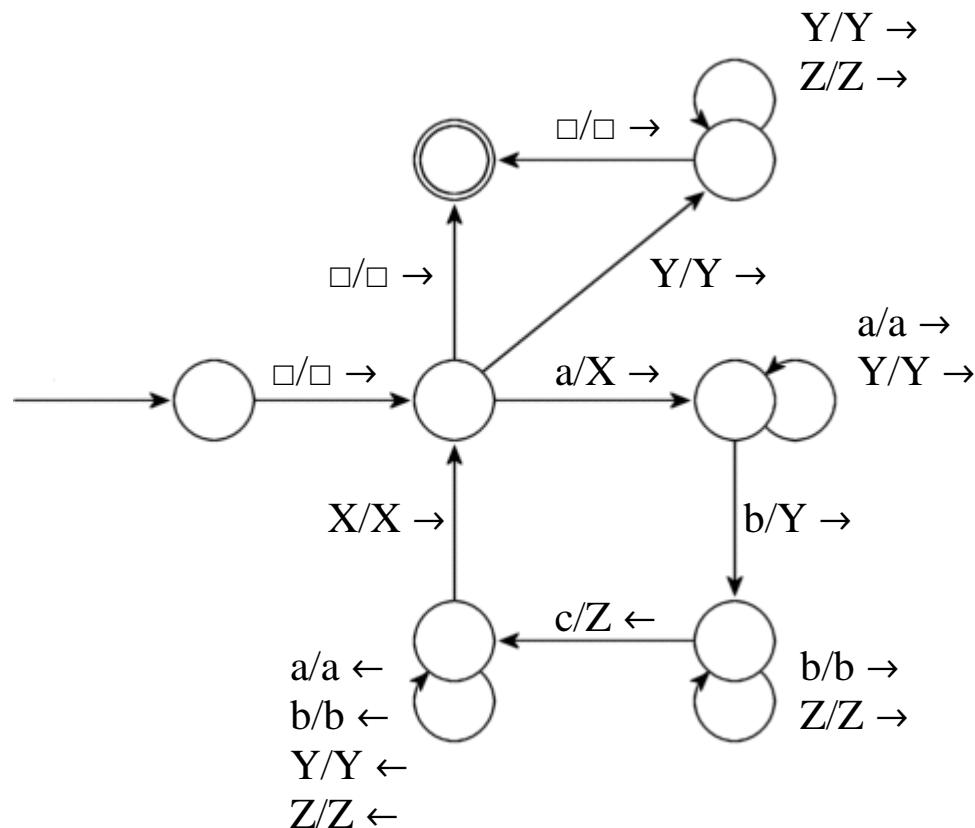
7. Reconhecer a Linguagem $\{ a^n b^n a^n \mid n \geq 1 \}$.

Sugestão: $a^n b^n a^n \vdash^* X^n$



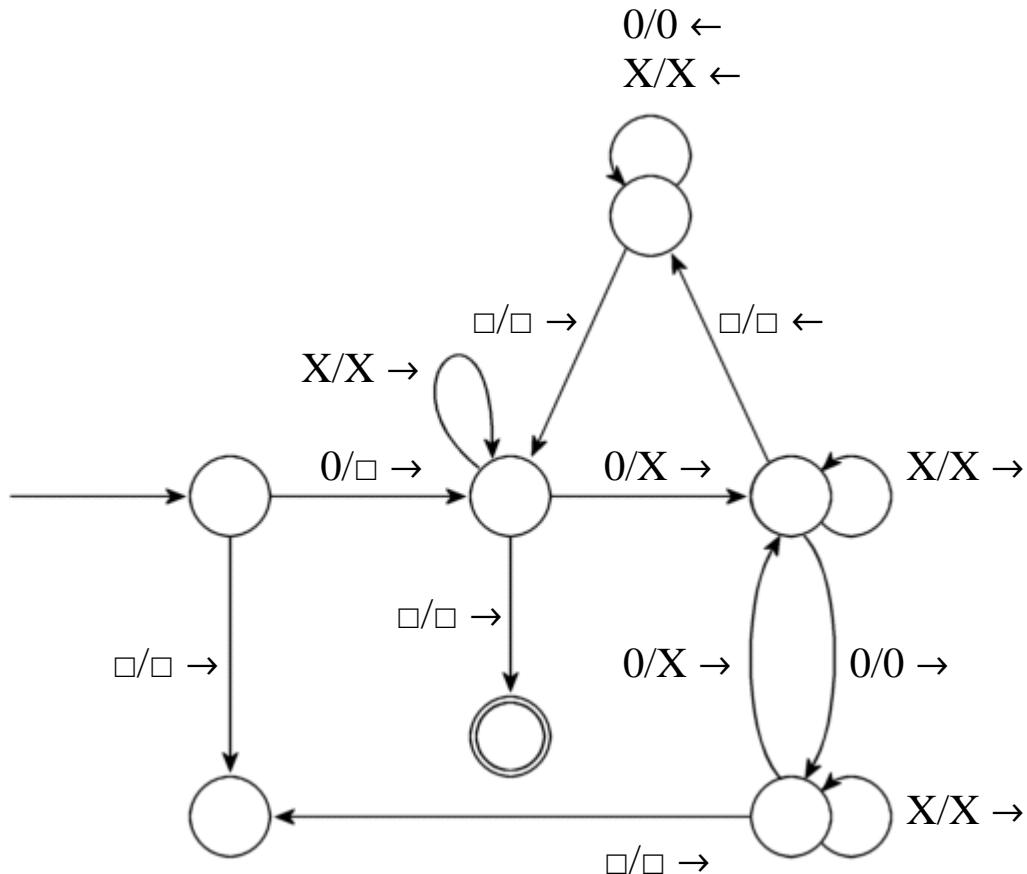
8. Reconhecer a Linguagem $\{ a^n b^n c^n \mid n \geq 0 \}$.

Sugestão: $a^n b^n c^n \vdash^* X^n Y^n Z^n$



9. Reconhecer a Linguagem $\{ 0^{2^n} \mid n \geq 0 \}$.

Sugestão: Marcar zeros alternados com X, voltar ao início e repetir.



10. Calcular a **soma** de dois números inteiros e positivos.

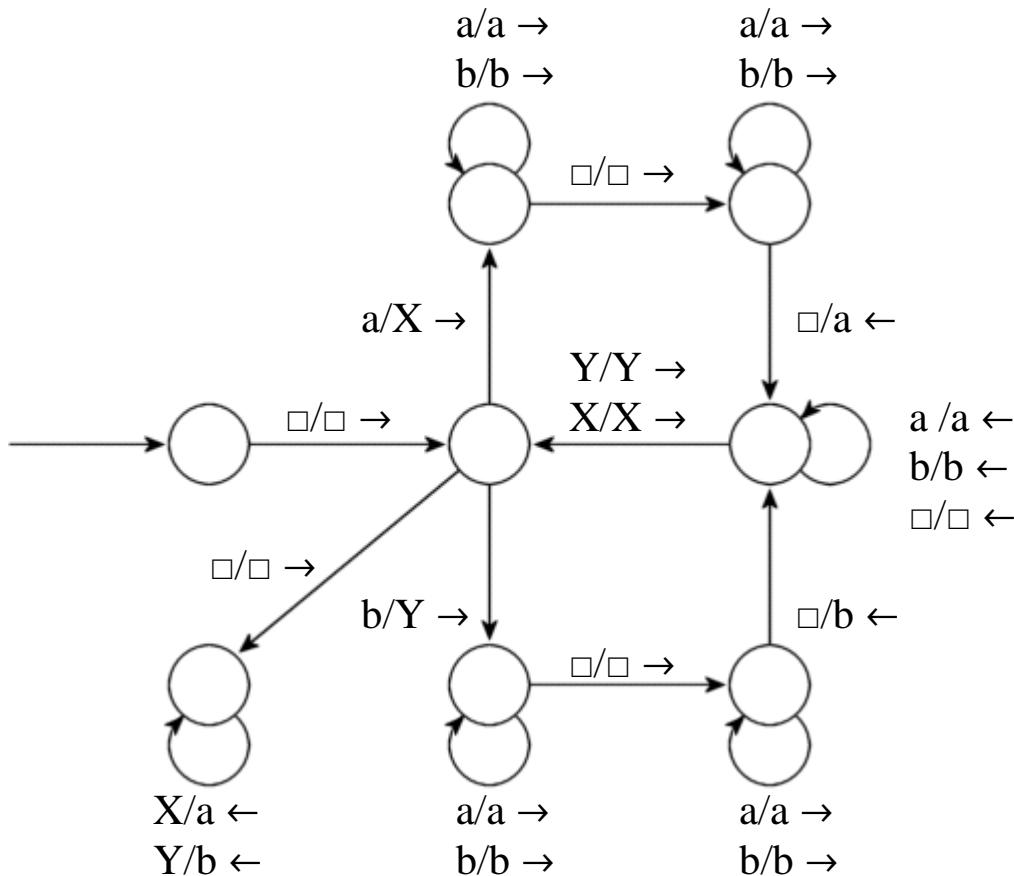
11. **Multiplicar** um número inteiro e positivo por **2**.

12. Calcular a **divisão inteira** de um número positivo por **2**.

13. Calcular o **resto** da divisão de um número positivo por **2**.

14. Criar uma **cópia** de uma palavra $w \in \{a, b\}^*$.

$$\square w \square \vdash^* \square w \square w \square$$



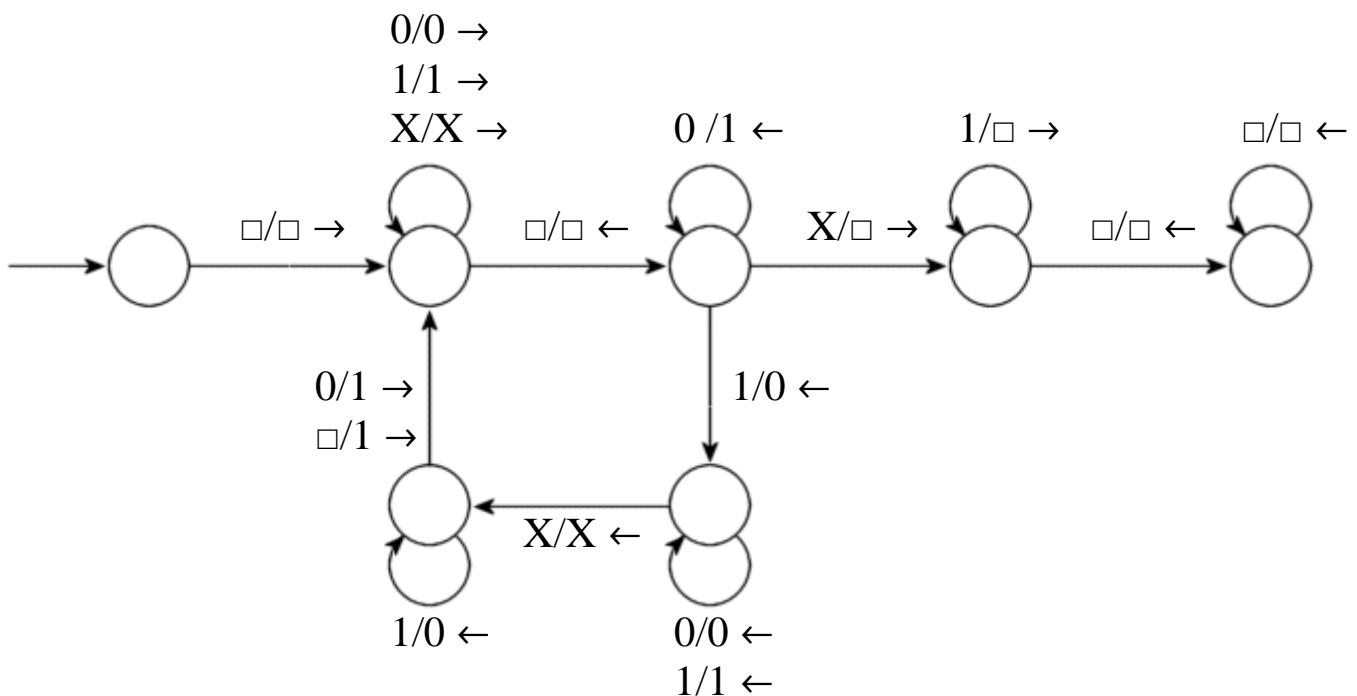
15. Construa um módulo para criar uma **cópia** de um número inteiro e positivo.

16. Utilizando o módulo anterior, construa uma MT para calcular o **produto** de dois números inteiros e positivos.

- 17.** Na Fita da Máquina de Turing seguinte, começa por estar registada uma palavra da forma:

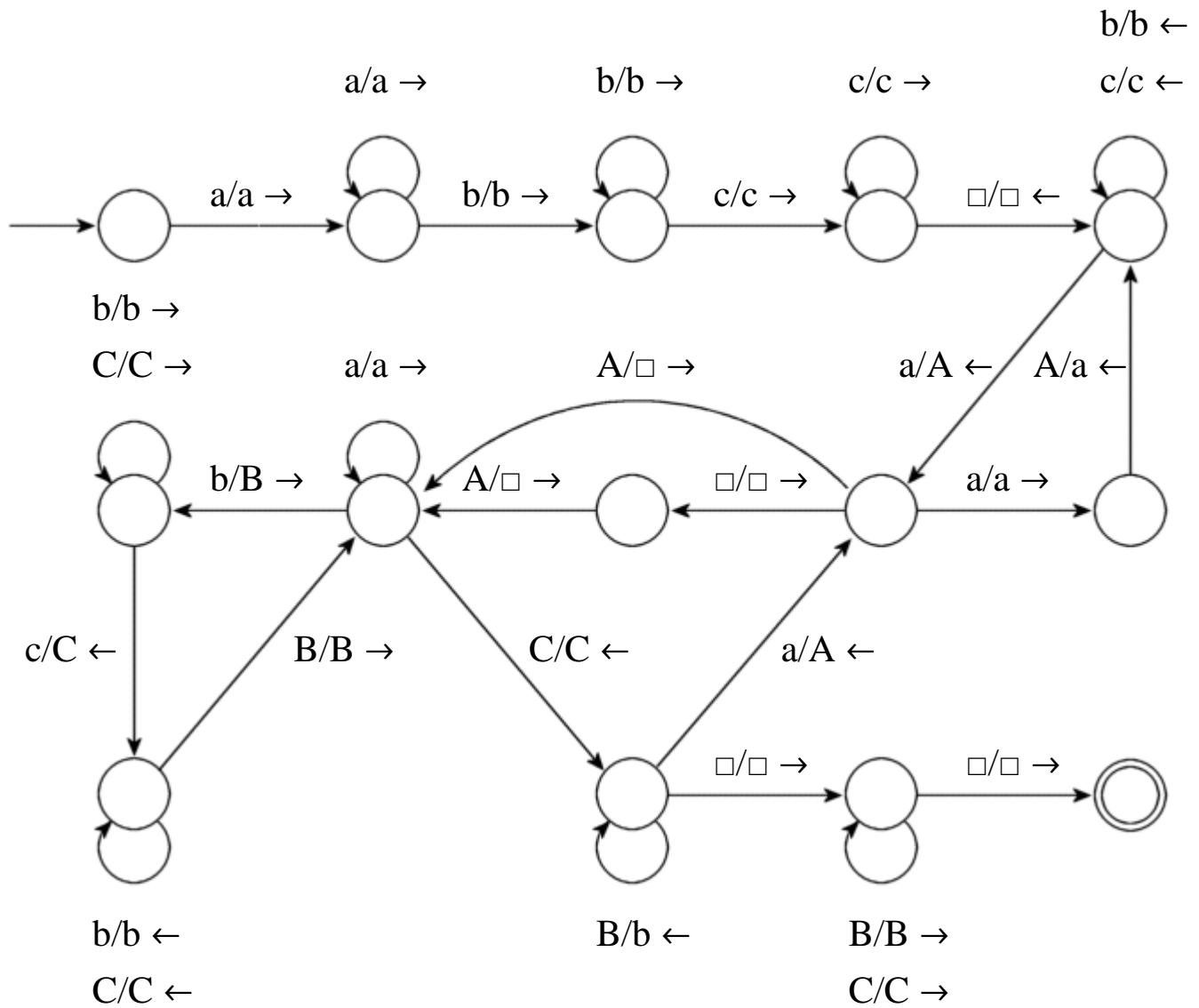
$$\square x X y \square \quad \text{com } x, y \in \{0, 1\}^*$$

Qual é o resultado do seu funcionamento?
Especifique formalmente.



18. Reconhecer a Linguagem $\{ a^i b^j c^k \mid i, j, k \geq 1, i \times j = k \}$.

Uma sugestão:



- **Construa Máquinas de Turing para cumprir as especificações:**

19. $0^n \vdash^* 0^n \text{ mod } 2 \ 1 \ 0^n \text{ div } 2$

20. $0^n \ 1 \ 0^m \vdash^* 0^m \text{ mod } n \ 1 \ 0^m \text{ div } n$

21. $0^m \ 1 \ 0^n \vdash^* 0^m \text{ mod } n \ 1 \ 0^m \text{ div } n$

- **Construa Máquinas de Turing para:**

22. Converter um número inteiro positivo da Representação Binária para a Representação Unária.

23. Converter um número inteiro positivo da Representação Unária para a Representação Binária.